

Задача 2.1 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию `f`

$$f(a) = \exp\left(\frac{a^4}{4} + \frac{a^2}{2}\right)$$

и вектор `psi`, разложенный по базисным векторам `vv`:

$$\begin{aligned} & vv(18) - \frac{3*\sqrt{17}*vv(16)}{\sqrt{2}} + vv(16) - \frac{3*\sqrt{255}*vv(14)}{\sqrt{2}} - \sqrt{2} * \sqrt{30} * vv(14) + \\ & vv(14) + \frac{5*\sqrt{46410}*vv(12)}{2^{\frac{3}{2}}} - \frac{\sqrt{1365}*vv(12)}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{91}*vv(12)}{\sqrt{2}} + vv(12) + \frac{3*\sqrt{170170}*vv(10)}{2^{\frac{7}{2}}} + \\ & \frac{5*\sqrt{5005}*vv(10)}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3003}*vv(10)}{2^{\frac{3}{2}}} - \frac{\sqrt{66}*vv(10)}{\sqrt{2}} + vv(10) + \frac{5*\sqrt{30030}*vv(8)}{2^{\frac{5}{2}}} - \frac{369*\sqrt{17017}*vv(8)}{2^{\frac{7}{2}}} + \\ & \frac{15*\sqrt{2002}*vv(8)}{2^{\frac{7}{2}}} - \frac{3*\sqrt{165}*vv(8)}{2^{\frac{3}{2}}} - \frac{3*\sqrt{5}*vv(8)}{\sqrt{2}} + vv(8) + \frac{651*\sqrt{4862}*vv(6)}{2^{\frac{9}{2}}} + \frac{5*\sqrt{2310}*vv(6)}{2^{\frac{3}{2}}} + \\ & \frac{7*\sqrt{2145}*vv(6)}{2^{\frac{7}{2}}} - \frac{861*\sqrt{143}*vv(6)}{2^{\frac{5}{2}}} - \frac{3*\sqrt{70}*vv(6)}{2^{\frac{3}{2}}} - \sqrt{2} * \sqrt{7} * vv(6) + vv(6) + \\ & \frac{1383*\sqrt{36465}*vv(4)}{2^{\frac{9}{2}}} + \frac{217*\sqrt{4290}*vv(4)}{2^{\frac{9}{2}}} - \frac{861*\sqrt{286}*vv(4)}{2^{\frac{9}{2}}} - \frac{\sqrt{210}*vv(4)}{2^{\frac{3}{2}}} + \frac{15*\sqrt{77}*vv(4)}{2^{\frac{7}{2}}} + \\ & \frac{25*\sqrt{21}*vv(4)}{2^{\frac{3}{2}}} - \frac{\sqrt{15}*vv(4)}{\sqrt{2}} + vv(4) - \frac{8055*\sqrt{12155}*vv(2)}{2^{\frac{15}{2}}} + \frac{1383*\sqrt{1430}*vv(2)}{2^{\frac{9}{2}}} + \\ & \frac{217*\sqrt{858}*vv(2)}{2^{\frac{11}{2}}} - \frac{123*\sqrt{231}*vv(2)}{2^{\frac{7}{2}}} + \frac{5*\sqrt{70}*vv(2)}{2^{\frac{3}{2}}} + \frac{15*\sqrt{7}*vv(2)}{2^{\frac{7}{2}}} - \frac{\sqrt{6}*vv(2)}{\sqrt{2}} - \frac{3*\sqrt{5}*vv(2)}{2^{\frac{3}{2}}} + \\ & vv(2) - \frac{6481*\sqrt{24310}*vv(0)}{2^{\frac{17}{2}}} - \frac{2685*\sqrt{715}*vv(0)}{2^{\frac{15}{2}}} + \frac{31*\sqrt{462}*vv(0)}{2^{\frac{11}{2}}} + \frac{461*\sqrt{429}*vv(0)}{2^{\frac{11}{2}}} + \\ & \frac{\sqrt{35}*vv(0)}{2^{\frac{7}{2}}} - \frac{123*\sqrt{14}*vv(0)}{2^{\frac{9}{2}}} + \frac{10^{\frac{3}{2}}*vv(0)}{2^{\frac{7}{2}}} - \frac{\sqrt{3}*vv(0)}{2^{\frac{3}{2}}} - \frac{vv(0)}{\sqrt{2}} + vv(0) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} vv(n) = vv(n-1) * \sqrt{n}$$

Программа должна работать при произвольных `f`, `psi`, без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать `rule` и `pattern` — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и сооружать из них вектор с громадным количеством нулей.

Задача 2.2 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию \mathbf{f}

$$f(a) = \exp\left(\frac{a^2}{2} - \frac{a^4}{4}\right)$$

и вектор \mathbf{psi} , разложенный по базисным векторам \mathbf{vv} :

$$\begin{aligned} & -\frac{26785*\sqrt{12155}*vv(-1)}{128} + \frac{17811*\sqrt{1430}*vv(-1)}{128} - \frac{1303*\sqrt{858}*vv(-1)}{32} + \frac{331*\sqrt{231}*vv(-1)}{16} + \\ & \frac{25*\sqrt{70}*vv(-1)}{8} - \frac{243*\sqrt{7}*vv(-1)}{8} + \frac{6^{\frac{3}{2}}*vv(-1)}{4} - \frac{7*\sqrt{5}*vv(-1)}{2} - \sqrt{2}*vv(-1) + 2*vv(-1) + \\ & \frac{53433*\sqrt{24310}*vv(-3)}{128} - \frac{3909*\sqrt{715}*vv(-3)}{8} - \frac{243*\sqrt{462}*vv(-3)}{8} + \frac{2317*\sqrt{429}*vv(-3)}{16} - 7* \\ & \sqrt{35}*vv(-3) + \frac{375*\sqrt{14}*vv(-3)}{8} + \frac{9*\sqrt{10}*vv(-3)}{2} - 2*\sqrt{3}*vv(-3) + 2*vv(-3) - \\ & \frac{3909*\sqrt{72930}*vv(-5)}{16} + \frac{2317*\sqrt{2145}*vv(-5)}{8} + \frac{375*\sqrt{154}*vv(-5)}{8} - \frac{1701*\sqrt{143}*vv(-5)}{8} + 3* \\ & \sqrt{105}*vv(-5) - \frac{35*\sqrt{42}*vv(-5)}{2} - \sqrt{30}*vv(-5) + 2*vv(-5) + \frac{175*\sqrt{4290}*vv(-7)}{8} + \\ & \frac{6951*\sqrt{2431}*vv(-7)}{8} - 7*\sqrt{1155}*vv(-7) - \frac{1701*\sqrt{286}*vv(-7)}{4} + 9*\sqrt{35}*vv(-7) - 2* \\ & \sqrt{14}*vv(-7) + 2*vv(-7) - \frac{729*\sqrt{34034}*vv(-9)}{8} - \frac{7*\sqrt{15015}*vv(-9)}{2} + \frac{375*\sqrt{1001}*vv(-9)}{4} + \\ & \frac{9*\sqrt{330}*vv(-9)}{2} - 3*\sqrt{10}*vv(-9) + 2*vv(-9) + \frac{75*\sqrt{85085}*vv(-11)}{4} - 7*\sqrt{10010}* \\ & vv(-11) + \frac{3*\sqrt{6006}*vv(-11)}{2} - 2*\sqrt{33}*vv(-11) + 2*vv(-11) - 7*\sqrt{23205}*vv(-13) + \\ & 3*\sqrt{2730}*vv(-13) - \sqrt{182}*vv(-13) + 2*vv(-13) + 9*\sqrt{510}*vv(-15) - 4* \\ & \sqrt{15}*vv(-15) + 2*vv(-15) - 3*\sqrt{34}*vv(-17) + 2*vv(-17) + 2*vv(-19) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} vv(n) = \sqrt{-n-1} * vv(n+1)$$

Программа должна работать при произвольных \mathbf{f}, \mathbf{psi} , без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать **rule** и **pattern** — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и сооружать из них вектор с громадным количеством нулей.

Задача 2.3 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию `f`

$$f(a) = \exp\left(\frac{a^4}{4} - \frac{a^2}{2}\right)$$

и вектор `psi`, разложенный по базисным векторам `vv`:

$$\begin{aligned} & 3*vv(9,9) + 9*\sqrt{17}*vv(9,7) + 3*vv(9,7) - 54*\sqrt{85}*vv(9,5) + 36*\sqrt{5}*vv(9,5) + \\ & 3*vv(9,5) - 450*\sqrt{4641}*vv(9,3) + 3*\sqrt{1365}*vv(9,3) - 90*\sqrt{273}*vv(9,3) + \\ & 3*vv(9,3) + 945*\sqrt{4862}*vv(9,1) - 63*\sqrt{1430}*vv(9,1) + 6*\sqrt{462}*vv(9,1) - \\ & 6300*\sqrt{286}*vv(9,1) + 3*vv(9,1) + 348705*\sqrt{4862}*vv(9,-1) - 4725*\sqrt{1430}* \\ & vv(9,-1) - 135*\sqrt{462}*vv(9,-1) + 14175*\sqrt{286}*vv(9,-1) + 138*vv(9,-1) + \\ & 1933470*\sqrt{4641}*vv(9,-3) + 10395*\sqrt{1365}*vv(9,-3) - 129*\sqrt{462}*vv(9,-3) + \\ & 5114340*\sqrt{273}*vv(9,-3) - 207897*vv(9,-3) - 4788*\sqrt{1430}*vv(9,-5) + 10398* \\ & \sqrt{1365}*vv(9,-5) - 1121350230*\sqrt{85}*vv(9,-5) + 35189154*5^{\frac{3}{2}}*vv(9,-5) + \\ & 116351238*vv(9,-5) + 7875*\sqrt{286}*vv(9,-7) + 5114250*\sqrt{273}*vv(9,-7) - \\ & 16327686375*\sqrt{17}*vv(9,-7) + 175945806*\sqrt{5}*vv(9,-7) - 22427004597* \\ & vv(9,-7) + 349650*\sqrt{4862}*vv(9,-9) + 1933020*\sqrt{4641}*vv(9,-9) - 1121350284* \\ & \sqrt{85}*vv(9,-9) - 16327686366*\sqrt{17}*vv(9,-9) + 669994600278*vv(9,-9) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} vv(l, n) = vv(l, n-1) * \sqrt{(-n+l+1) * (n+l)}$$

Программа должна работать при произвольных `f`, `psi`, без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать `rule` и `pattern` — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и соружать из них вектор с громадным количеством нулей.

Задача 2.4 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию `f`

$$f(a) = \exp\left(-\frac{a^4}{4} - \frac{a^2}{2}\right)$$

и вектор `psi`, разложенный по базисным векторам `vv`:

$$\begin{aligned} & 950040 * \sqrt{4862} * vv(9, 9) + 27526800 * \sqrt{4641} * vv(9, 9) + 4225941936 * \sqrt{85} * \\ & vv(9, 9) + 144413369112 * \sqrt{17} * vv(9, 9) + 3691982794504 * vv(9, 9) + 484260 * \\ & \sqrt{286} * vv(9, 7) + 13472280 * \sqrt{273} * vv(9, 7) + 144413369100 * \sqrt{17} * vv(9, 7) + \\ & 2504862408 * \sqrt{5} * vv(9, 7) + 84518834404 * vv(9, 7) + 9072 * \sqrt{1430} * vv(9, 5) + \\ & 346504 * \sqrt{1365} * vv(9, 5) + 4225941720 * \sqrt{85} * vv(9, 5) + 500972472 * 5^{\frac{3}{2}} * vv(9, 5) + \\ & 306486184 * vv(9, 5) + 27525960 * \sqrt{4641} * vv(9, 3) + 346500 * \sqrt{1365} * vv(9, 3) + 548 * \\ & \sqrt{462} * vv(9, 3) + 13471920 * \sqrt{273} * vv(9, 3) + 388084 * vv(9, 3) + 918540 * \sqrt{4862} * \\ & vv(9, 1) + 8820 * \sqrt{1430} * vv(9, 1) + 540 * \sqrt{462} * vv(9, 1) + 472500 * \sqrt{286} * vv(9, 1) + \\ & 184 * vv(9, 1) + 31500 * \sqrt{4862} * vv(9, -1) + 252 * \sqrt{1430} * vv(9, -1) + 8 * \sqrt{462} * \\ & vv(9, -1) + 11760 * \sqrt{286} * vv(9, -1) + 4 * vv(9, -1) + 840 * \sqrt{4641} * vv(9, -3) + 4 * \\ & \sqrt{1365} * vv(9, -3) + 360 * \sqrt{273} * vv(9, -3) + 4 * vv(9, -3) + 216 * \sqrt{85} * vv(9, -5) + \\ & 48 * \sqrt{5} * vv(9, -5) + 4 * vv(9, -5) + 12 * \sqrt{17} * vv(9, -7) + 4 * vv(9, -7) + 4 * vv(9, -9) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} vv(l, n) = vv(l, n+1) * \sqrt{(l-n) * (n+l+1)}$$

Программа должна работать при произвольных `f`, `psi`, без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать `rule` и `pattern` — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и соружать из них вектор с громадным количеством нулей.

Задача 2.5 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию `f`

$$f(a) = \exp\left(\frac{a^4}{2} + \frac{a^2}{2}\right)$$

и вектор `psi`, разложенный по базисным векторам `vv`:

$$\begin{aligned} & 5 * vv(9, 28) - 45 * \sqrt{1258} * vv(9, 26) + 5 * vv(9, 26) - 22950 * \sqrt{777} * vv(9, 24) - \\ & 50 * \sqrt{714} * vv(9, 24) + 5 * vv(9, 24) + 2356200 * \sqrt{5291} * vv(9, 22) - 6300 * \sqrt{4862} * \\ & vv(9, 22) - 20 * \sqrt{3003} * vv(9, 22) + 5 * vv(9, 22) + 44178750 * \sqrt{149110} * vv(9, 20) - \\ & 990 * \sqrt{84630} * vv(9, 20) + 508200 * \sqrt{34255} * vv(9, 20) - 15 * \sqrt{3410} * vv(9, 20) + 5 * \\ & vv(9, 20) - 2131182900 * \sqrt{3026933} * vv(9, 18) + 4331250 * \sqrt{2781506} * vv(9, 18) - \\ & 675 * \sqrt{69223} * vv(9, 18) + 254100 * \sqrt{35061} * vv(9, 18) - 15 * \sqrt{2030} * vv(9, 18) + \\ & 5 * vv(9, 18) + 34650 * \sqrt{385671} * vv(9, 16) - 288494306100 * \sqrt{99789} * vv(9, 16) - \\ & 3802698900 * \sqrt{91698} * vv(9, 16) - 945 * \sqrt{11310} * vv(9, 16) + 33783750 * \sqrt{6293} * \\ & vv(9, 16) - 30 * \sqrt{273} * vv(9, 16) + 5 * vv(9, 16) + 590625 * \sqrt{1928355} * vv(9, 14) + \\ & 21184276113000 * \sqrt{498945} * vv(9, 14) - 28283755500 * \sqrt{458490} * vv(9, 14) - \\ & 1629728100 * \sqrt{31465} * vv(9, 14) + 173250 * \sqrt{2262} * vv(9, 14) - 1350 * \sqrt{1365} * \\ & vv(9, 14) - 6 * 5^{\frac{5}{2}} * vv(9, 14) + 5 * vv(9, 14) + 5038140232125 * \sqrt{84155390} * \\ & vv(9, 12) - 404053650 * \sqrt{47763870} * vv(9, 12) + 415377963000 * \sqrt{19332995} * \\ & vv(9, 12) - 31340925 * \sqrt{2688010} * vv(9, 12) + 4950 * \sqrt{230230} * vv(9, 12) + \\ & 590625 * \sqrt{95381} * vv(9, 12) - 225 * \sqrt{7590} * vv(9, 12) - 5 * \sqrt{1518} * vv(9, 12) + \\ & 5 * vv(9, 12) - 288054948431250 * \sqrt{176726319} * vv(9, 10) + 164645105625 * \\ & \sqrt{162397158} * vv(9, 10) - 949725 * \sqrt{20030010} * vv(9, 10) - 77702625 * \sqrt{5644821} * \\ & vv(9, 10) + 207688981500 * \sqrt{227447} * vv(9, 10) + 196875 * \sqrt{9867} * vv(9, 10) - 45 * \\ & \sqrt{8855} * vv(9, 10) + 8250 * \sqrt{1771} * vv(9, 10) - 5 * \sqrt{210} * vv(9, 10) + 5 * vv(9, 10) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} vv(l, n) = vv(l, n-1) * \sqrt{(n-l-1) * (n+l)}$$

Программа должна работать при произвольных `f`, `psi`, без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать `rule` и `pattern` — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и соружать из них вектор с громадным количеством нулей.

Задача 2.6 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию \mathbf{f}

$$f(a) = \exp\left(\frac{a^2}{2} - \frac{a^4}{2}\right)$$

и вектор \mathbf{psi} , разложенный по базисным векторам \mathbf{vv} :

$$\begin{aligned} & -679718360821500 * \sqrt{176726319} * \mathbf{vv}(9, -10) + 3480381654750 * \sqrt{162397158} * \\ & \mathbf{vv}(9, -10) - 1593270 * \sqrt{20030010} * \mathbf{vv}(9, -10) + 542930850 * \sqrt{5644821} * \\ & \mathbf{vv}(9, -10) - 412783371000 * \sqrt{227447} * \mathbf{vv}(9, -10) + 689850 * \sqrt{9867} * \mathbf{vv}(9, -10) + \\ & 90 * \sqrt{8855} * \mathbf{vv}(9, -10) - 11700 * \sqrt{1771} * \mathbf{vv}(9, -10) - 6 * \sqrt{210} * \mathbf{vv}(9, -10) + \\ & 6 * \mathbf{vv}(9, -10) + 106499678635350 * \sqrt{84155390} * \mathbf{vv}(9, -12) + 2823240420 * \\ & \sqrt{47763870} * \mathbf{vv}(9, -12) - 825566742000 * \sqrt{19332995} * \mathbf{vv}(9, -12) - 52577910 * \\ & \sqrt{2688010} * \mathbf{vv}(9, -12) - 7020 * \sqrt{230230} * \mathbf{vv}(9, -12) + 2069550 * \sqrt{95381} * \\ & \mathbf{vv}(9, -12) + 450 * \sqrt{7590} * \mathbf{vv}(9, -12) - 6 * \sqrt{1518} * \mathbf{vv}(9, -12) + 6 * \mathbf{vv}(9, -12) + \\ & 2069550 * \sqrt{1928355} * \mathbf{vv}(9, -14) - 42103903842000 * \sqrt{498945} * \mathbf{vv}(9, -14) + \\ & 197626829400 * \sqrt{458490} * \mathbf{vv}(9, -14) - 2734051320 * \sqrt{31465} * \mathbf{vv}(9, -14) - \\ & 245700 * \sqrt{2262} * \mathbf{vv}(9, -14) + 2700 * \sqrt{1365} * \mathbf{vv}(9, -14) - 36 * 5^{\frac{3}{2}} * \mathbf{vv}(9, -14) + \\ & 6 * \mathbf{vv}(9, -14) - 49140 * \sqrt{385671} * \mathbf{vv}(9, -16) + 2015793659880 * \sqrt{99789} * \\ & \mathbf{vv}(9, -16) - 6379453080 * \sqrt{91698} * \mathbf{vv}(9, -16) + 1890 * \sqrt{11310} * \mathbf{vv}(9, -16) + \\ & 118378260 * \sqrt{6293} * \mathbf{vv}(9, -16) - 36 * \sqrt{273} * \mathbf{vv}(9, -16) + 6 * \mathbf{vv}(9, -16) - \\ & 3575297880 * \sqrt{3026933} * \mathbf{vv}(9, -18) + 15176700 * \sqrt{2781506} * \mathbf{vv}(9, -18) + 1350 * \\ & \sqrt{69223} * \mathbf{vv}(9, -18) - 360360 * \sqrt{35061} * \mathbf{vv}(9, -18) - 18 * \sqrt{2030} * \mathbf{vv}(9, -18) + \\ & 6 * \mathbf{vv}(9, -18) + 154802340 * \sqrt{149110} * \mathbf{vv}(9, -20) + 1980 * \sqrt{84630} * \mathbf{vv}(9, -20) - \\ & 720720 * \sqrt{34255} * \mathbf{vv}(9, -20) - 18 * \sqrt{3410} * \mathbf{vv}(9, -20) + 6 * \mathbf{vv}(9, -20) - \\ & 3341520 * \sqrt{5291} * \mathbf{vv}(9, -22) + 12600 * \sqrt{4862} * \mathbf{vv}(9, -22) - 24 * \sqrt{3003} * \\ & \mathbf{vv}(9, -22) + 6 * \mathbf{vv}(9, -22) + 45900 * \sqrt{777} * \mathbf{vv}(9, -24) - 60 * \sqrt{714} * \mathbf{vv}(9, -24) + \\ & 6 * \mathbf{vv}(9, -24) - 54 * \sqrt{1258} * \mathbf{vv}(9, -26) + 6 * \mathbf{vv}(9, -26) + 6 * \mathbf{vv}(9, -28) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} \mathbf{vv}(l, n) = \mathbf{vv}(l, n+1) * \sqrt{(-n-l-1) * (l-n)}$$

Программа должна работать при произвольных \mathbf{f} , \mathbf{psi} , без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать `rule` и `pattern` — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и сооружать из них вектор с громадным количеством нулей.

Задача 2.7 Вектора состояния и линейные операторы.

Написать программу, которая вычисляет результат действия произвольной (заранее неизвестной) функции $f(\hat{a})$ оператора \hat{a} на произвольный (заранее неизвестный) вектор состояния $|\psi\rangle$, представленный как линейная комбинация базисных векторов. (При этом **не предполагается**, что коэффициенты при базисных векторах обязательно **числовые**). Формат ответа должен повторять формат исходного вектора. Для тестирования используйте функцию `f`

$$f(a) = \exp\left(\frac{a^4}{2} - \frac{a^2}{2}\right)$$

и вектор `psi`, разложенный по базисным векторам `vv`:

$$\begin{aligned} & 7 * vv(18, 0) + 21 * \sqrt{17} * vv(16, 2) + 7 * vv(16, 2) - 378 * \sqrt{85} * vv(14, 4) + 84 * \\ & \sqrt{5} * vv(14, 4) + 7 * vv(14, 4) - 2310 * \sqrt{4641} * vv(12, 6) + 7 * \sqrt{1365} * vv(12, 6) - \\ & 630 * \sqrt{273} * vv(12, 6) + 7 * vv(12, 6) + 55125 * \sqrt{4862} * vv(10, 8) - 441 * \sqrt{1430} * \\ & vv(10, 8) + 14 * \sqrt{462} * vv(10, 8) - 32340 * \sqrt{286} * vv(10, 8) + 7 * vv(10, 8) + \\ & 3988845 * \sqrt{4862} * vv(8, 10) - 24255 * \sqrt{1430} * vv(8, 10) - 945 * \sqrt{462} * vv(8, 10) + \\ & 826875 * \sqrt{286} * vv(8, 10) + 322 * vv(8, 10) - 43513470 * \sqrt{4641} * vv(6, 12) + 606375 * \\ & \sqrt{1365} * vv(6, 12) - 931 * \sqrt{462} * vv(6, 12) + 58503060 * \sqrt{273} * vv(6, 12) - 1067213 * \\ & vv(6, 12) - 24696 * \sqrt{1430} * vv(4, 14) + 606382 * \sqrt{1365} * vv(4, 14) - 29076457410 * \\ & \sqrt{85} * vv(4, 14) - 791945154 * 5^{\frac{3}{2}} * vv(4, 14) + 1330944622 * vv(4, 14) + 794535 * \\ & \sqrt{286} * vv(2, 16) + 58502430 * \sqrt{273} * vv(2, 16) + 138301888725 * \sqrt{17} * vv(2, 16) - \\ & 3959725686 * \sqrt{5} * vv(2, 16) - 581529148193 * vv(2, 16) + 4043970 * \sqrt{4862} * \\ & vv(0, 18) - 43515780 * \sqrt{4641} * vv(0, 18) - 29076457788 * \sqrt{85} * vv(0, 18) + \\ & 138301888746 * \sqrt{17} * vv(0, 18) + 40327692780382 * vv(0, 18) \end{aligned}$$

Результат действия оператора на базисный вектор имеет вид

$$\hat{a} \, vv(l, n) = vv(l - 1, n + 1) * \sqrt{l * (n + 1)}$$

Программа должна работать при произвольных `f`, `psi`, без переделок вручную.

Как Вы должны знать,

$$f(\hat{A}) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{d^n}{dx^n} f(x) \Big|_{x=0} \frac{\hat{A}^n}{n!}$$

Имейте в виду, что:

- эта задача решается бесконечным количеством способов, но самый неразумный и громоздкий — использовать `rule` и `pattern` — всегда приходит в голову первым.
- нецелесообразно заранее высчитывать, сколько слагаемых надо вычислять в ряде Тейлора — это выяснится автоматически, когда очередной вклад в окончательный ответ окажется нулевым.
- нецелесообразно выковыривать из волновой функции коэффициенты C_n и сооружать из них вектор с громадным количеством нулей.