Задача 4. 1 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = \hat{a}\hat{b} + \hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

```
\begin{array}{l} -120\,v\left([]\right)\,h^{5} + 600\,v\left([b,a]\right)\,h^{4} + 24\,v\left([]\right)\,h^{4} - 600\,v\left([b,b,a,a]\right)\,h^{3} - \\ 96\,v\left([b,a]\right)\,h^{3} - 6\,v\left([]\right)\,h^{3} + 200\,v\left([b,b,b,a,a,a]\right)\,h^{2} + 72\,v\left([b,b,a,a]\right)\,h^{2} + \\ 18\,v\left([b,a]\right)\,h^{2} + 2\,v\left([]\right)\,h^{2} - 25\,v\left([b,b,b,b,a,a,a,a]\right)\,h - 16\,v\left([b,b,b,a,a,a]\right)\,h - 9\,v\left([b,b,a,a]\right)\,h - 4\,v\left([b,a]\right)\,h - v\left([]\right)\,h + v\left([b,b,b,b,a,a,a,a,a,a]\right) + \\ v\left([b,b,b,b,a,a,a,a]\right) + v\left([b,b,b,a,a,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,a]\right) + v\left([b,b,a,a]\right) + v\left([b,a]\right) + v\left([a,a]\right) + v\left([a,a]\right)
```

Формат выходного файла должен повторять формат приведенного выражения.

Задача 4. 2 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = \hat{a}\hat{b} - \hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

```
240\,v\left([]\right)\,h^{5} + 1200\,v\left([b,a]\right)\,h^{4} + 48\,v\left([]\right)\,h^{4} + 1200\,v\left([b,b,a,a]\right)\,h^{3} + \\ 192\,v\left([b,a]\right)\,h^{3} + 12\,v\left([]\right)\,h^{3} + 400\,v\left([b,b,b,a,a,a]\right)\,h^{2} + 144\,v\left([b,b,a,a]\right)\,h^{2} + \\ 36\,v\left([b,a]\right)\,h^{2} + 4\,v\left([]\right)\,h^{2} + 50\,v\left([b,b,b,a,a,a,a]\right)\,h + 32\,v\left([b,b,b,a,a,a]\right)\,h + \\ 18\,v\left([b,b,a,a]\right)\,h + 8\,v\left([b,a]\right)\,h + 2\,v\left([]\right)\,h + 2\,v\left([b,b,b,b,b,a,a,a,a]\right) + \\ 2\,v\left([b,b,b,b,a,a,a,a]\right) + 2\,v\left([b,b,b,a,a,a]\right) + 2\,v\left([b,b,b,a,a]\right) + 2\,v\left([b,b,a,a]\right) + 2\,v\left([b,b,a,a]\right) + 2\,v\left([b,b,a,a]\right) + 2\,v\left([b,a]\right) + \\ 2\,v\left([]\right)
```

Задача 4. 3 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = \hat{a}\hat{b} + i\hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

```
-360\,i\,v\,([])\,\,h^5+1800\,v\,([b,a])\,\,h^4+72\,v\,([])\,\,h^4+1800\,i\,v\,([b,b,a,a])\,\,h^3+\\288\,i\,v\,([b,a])\,\,h^3+18\,i\,v\,([])\,\,h^3-600\,v\,([b,b,b,a,a,a])\,\,h^2-216\,v\,([b,b,a,a])\,\,h^2-\\54\,v\,([b,a])\,\,h^2-6\,v\,([])\,\,h^2-75\,i\,v\,([b,b,b,b,a,a,a,a])\,\,h-48\,i\,v\,([b,b,b,a,a,a])\,\,h-\\27\,i\,v\,([b,b,a,a])\,\,h-12\,i\,v\,([b,a])\,\,h-3\,i\,v\,([])\,\,h+3\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a,a,a])+\\3\,v\,([b,b,b,b,a,a,a,a])+3\,v\,([b,b,b,a,a,a])+3\,v\,([b,b,a,a])+3\,v\,([b,b,a,a])+3\,v\,([b,b,a,a])+\\3\,v\,([])
```

Формат выходного файла должен повторять формат приведенного выражения.

Задача 4. 4 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = \hat{a}\hat{b} - i\hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

```
480\,i\,v\,([])\,\,h^5 + 2400\,v\,([b,a])\,\,h^4 + 96\,v\,([])\,\,h^4 - 2400\,i\,v\,([b,b,a,a])\,\,h^3 - \\384\,i\,v\,([b,a])\,\,h^3 - 24\,i\,v\,([])\,\,h^3 - 800\,v\,([b,b,b,a,a,a])\,\,h^2 - 288\,v\,([b,b,a,a])\,\,h^2 - \\72\,v\,([b,a])\,\,h^2 - 8\,v\,([])\,\,h^2 + 100\,i\,v\,([b,b,b,b,a,a,a,a])\,\,h + 64\,i\,v\,([b,b,b,a,a,a])\,\,h + \\36\,i\,v\,([b,b,a,a])\,\,h + 16\,i\,v\,([b,a])\,\,h + 4\,i\,v\,([])\,\,h + 4\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a,a]) + \\4\,v\,([b,b,b,b,a,a,a]) + 4\,v\,([b,b,b,a,a,a]) + 4\,v\,([b,b,b,a,a]) + 4\,v\,([b,b,b,a,a]) + 4\,v\,([b,b,b,a,a]) + 4\,v\,([b,b,a,a]) + 4\,v\,([b,b,a]) + 4\,v\,([b,b,a]
```

Задача 4. 5 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = -2\hat{a}\hat{b} + \hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

$$\frac{825 \, v([]) \, h^5}{32768} - \frac{9075 \, v([b,a]) \, h^4}{524288} + \frac{75 \, v([]) \, h^4}{1024} + \frac{45375 \, v([b,b,a,a]) \, h^3}{4194304} - \frac{375 \, v([b,a]) \, h^3}{8192} + \frac{15 \, v([]) \, h^3}{64} - \frac{15125 \, v([b,b,b,a,a,a]) \, h^2}{16777216} + \frac{1125 \, v([b,b,a,a]) \, h^2}{32768} - \frac{45 \, v([b,a]) \, h^2}{256} + \frac{5 \, v([]) \, h^2}{8} + \frac{605 \, v([b,b,b,b,a,a,a,a]) \, h}{65536} - \frac{125 \, v([b,b,b,a,a]) \, h}{512} + \frac{5 \, v([b,a]) \, h}{16} + \frac{5 \, v([]) \, h}{2} - \frac{5 \, v([]) \, h}{16} + \frac{5 \, v([]) \, h}{2} - \frac{5 \, v([b,b,b,b,a,a,a,a])}{33554432} + \frac{5 \, v([b,b,b,b,a,a,a,a])}{65536} - \frac{5 \, v([b,b,b,a,a,a])}{512} + \frac{5 \, v([b,b,b,a,a])}{16} - \frac{5 \, v([b,a])}{2} + \frac{5 \, v([b,a])}{16} - \frac{5 \,$$

Формат выходного файла должен повторять формат приведенного выражения.

Задача 4. 6 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = -2\hat{a}\hat{b} - \hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

$$-\frac{495\,v([])\,h^5}{16384} - \frac{5445\,v([b,a])\,h^4}{262144} + \frac{45\,v([])\,h^4}{512} - \frac{27225\,v([b,b,a,a])\,h^3}{2097152} + \frac{225\,v([b,a])\,h^3}{4096} - \frac{9\,v([])\,h^3}{32} - \frac{9075\,v([b,b,b,a,a,a])\,h^2}{8388608} + \frac{675\,v([b,b,a,a])\,h^2}{16384} - \frac{27\,v([b,a])\,h^2}{128} + \frac{3\,v([])\,h^2}{4} - \frac{363\,v([b,b,b,b,a,a,a,a])\,h}{16777216} + \frac{75\,v([b,b,a,a,a])\,h}{32768} - \frac{27\,v([b,b,a,a])\,h}{256} + \frac{3\,v([b,a])\,h}{8} - 3\,v\left([]\right)\,h - \frac{3\,v([b,b,b,b,b,a,a,a,a,a])}{16777216} + \frac{3\,v([b,b,b,a,a,a,a])}{32768} - \frac{3\,v([b,b,b,a,a,a])}{256} + \frac{3\,v([b,b,b,a,a])}{8} - 3\,v\left([b,a]\right) + \frac{3\,v([b,b,b,a,a])}{8} - 3\,v\left([b,a]\right) + \frac{3\,v([b,a,a])\,h}{8} - \frac{3\,v([b,a,a])\,h}{8} - \frac{3\,v([b,a,a])\,h}{8} - \frac{3\,v([b,a])\,h}{8} - \frac{3$$

Задача 4. 7 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = -2\hat{a}\hat{b} + i\hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

$$\frac{1155\,i\,v([])\,h^5}{32768} - \frac{12705\,v([b,a])\,h^4}{524288} + \frac{105\,v([])\,h^4}{1024} - \frac{63525\,i\,v([b,b,a,a])\,h^3}{4194304} + \frac{525\,i\,v([b,a])\,h^3}{8192} - \frac{21\,i\,v([])\,h^3}{64} + \frac{21175\,v([b,b,b,a,a,a])\,h^2}{16777216} - \frac{1575\,v([b,b,a,a])\,h^2}{32768} + \frac{63\,v([b,a])\,h^2}{256} - \frac{7\,v([])\,h^2}{8} + \frac{847\,i\,v([b,b,b,b,a,a,a,a])\,h}{33554432} - \frac{175\,i\,v([b,b,b,a,a,a])\,h}{65536} + \frac{63\,i\,v([b,b,a,a])\,h}{512} - \frac{7\,i\,v([b,a])\,h}{16} + \frac{7\,i\,v([])\,h}{2} - \frac{7\,v([b,b,b,b,a,a,a,a])}{33554432} + \frac{7\,v([b,b,b,b,a,a,a,a])}{65536} - \frac{7\,v([b,b,b,a,a,a])}{512} + \frac{7\,v([b,b,a,a])}{16} - \frac{7\,v([b,b,a])\,h}{16} - \frac{7\,v([b,a])\,h}{16} + \frac{7\,v([b,a])\,h}{16} + \frac{7\,v([b,a])\,h}{16} - \frac{7\,v([b$$

Формат выходного файла должен повторять формат приведенного выражения.

Задача 4. 8 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = -2\hat{a}\hat{b} - i\hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

$$\begin{array}{l} -\frac{165\,i\,v([])\,h^5}{4096} - \frac{1815\,v([b,a])\,h^4}{65536} + \frac{15\,v([])\,h^4}{128} + \frac{9075\,i\,v([b,b,a,a])\,h^3}{524288} - \frac{75\,i\,v([b,a])\,h^3}{1024} + \\ \frac{3\,i\,v([])\,h^3}{8} + \frac{3025\,v([b,b,b,a,a,a])\,h^2}{2097152} - \frac{225\,v([b,b,a,a])\,h^2}{4096} + \frac{9\,v([b,a])\,h^2}{32} - v\left([]\right)\,h^2 - \\ \frac{121\,i\,v([b,b,b,a,a,a,a])\,h}{4194304} + \frac{25\,i\,v([b,b,b,a,a,a])\,h}{8192} - \frac{9\,i\,v([b,b,a,a])\,h}{64} + \frac{i\,v([b,a])\,h}{2} - 4\,i\,v\left([]\right)\,h - \\ \frac{v([b,b,b,b,a,a,a,a])}{4194304} + \frac{v([b,b,b,a,a,a,a])}{8192} - \frac{v([b,b,b,a,a,a])}{64} + \frac{v([b,b,a,a])}{2} - 4\,v\left([b,a]\right) + \\ 8\,v\left([]\right) \end{array}$$

Задача 4. 9 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = \hat{a}\hat{b} + \hat{a}\hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

```
-28125\,v\left([a,a,a,a,a]\right)\,h^5 + 28125\,v\left([b,a,a,a,a,a]\right)\,h^4 + 5625\,v\left([a,a,a,a,a]\right)\,h^4 - \\11250\,v\left([b,b,a,a,a,a,a]\right)\,h^3 - 4500\,v\left([b,a,a,a,a,a]\right)\,h^3 - 1125\,v\left([a,a,a,a,a]\right)\,h^3 + \\2250\,v\left([b,b,b,a,a,a,a,a]\right)\,h^2 + 1350\,v\left([b,b,a,a,a,a,a]\right)\,h^2 + 675\,v\left([b,a,a,a,a,a]\right)\,h^2 + \\225\,v\left([a,a,a,a,a]\right)\,h^2 - 225\,v\left([b,b,b,a,a,a,a,a]\right)\,h - 180\,v\left([b,b,b,a,a,a,a,a]\right)\,h - \\135\,v\left([b,b,a,a,a,a,a]\right)\,h - 90\,v\left([b,a,a,a,a,a]\right)\,h - 45\,v\left([a,a,a,a,a]\right)\,h + \\9\,v\left([b,b,b,b,a,a,a,a,a]\right) + 9\,v\left([b,b,b,a,a,a,a,a]\right) + 9\,v\left([b,b,b,a,a,a,a,a]\right) + 9\,v\left([b,b,a,a,a,a,a]\right) + 9\,v\left([b,b,a,a,a,a,a]\right)
```

Формат выходного файла должен повторять формат приведенного выражения.

Задача 4. 10 Алгебра операторов.

Написать программу, которая устанавливает нормальное упорядочение в произвольной линейной комбинацию произведений операторов \hat{a} и \hat{b} . Нормальное упорядочение означает, что все операторы \hat{a} стоят левее всех операторов \hat{b} . Коммутационное соотношение имеет вид

$$\hat{b}\hat{a} = \hat{a}\hat{b} - \hat{b}\hbar$$

Программа должна работать для любого выражения без переделок вручную. Для тестирования программы используйте выражение

```
31250\,v\,([b,b,b,b,b])\,\,h^5 + 31250\,v\,([b,b,b,b,b,a])\,\,h^4 + 6250\,v\,([b,b,b,b,b])\,\,h^4 + \\12500\,v\,([b,b,b,b,b,a,a])\,\,h^3 + 5000\,v\,([b,b,b,b,b,a])\,\,h^3 + 1250\,v\,([b,b,b,b,b])\,\,h^3 + \\2500\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a])\,\,h^2 + 1500\,v\,([b,b,b,b,b,a,a])\,\,h^2 + 750\,v\,([b,b,b,b,b,a])\,\,h^2 + \\250\,v\,([b,b,b,b])\,\,h^2 + 250\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a,a])\,\,h + 200\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a])\,\,h + \\150\,v\,([b,b,b,b,b,a,a])\,\,h + 100\,v\,([b,b,b,b,b,a])\,\,h + 50\,v\,([b,b,b,b,b])\,\,h + \\10\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a,a]) + 10\,v\,([b,b,b,b,b,a,a,a,a]) + 10\,v\,([b,b,b,b,b,a]) + 10\,v\,([b,b,b,b,b,a]) + 10\,v\,([b,b,b,b,b])
```